

Муниципальное общеобразовательное учреждение  
Брейтовская средняя общеобразовательная школа.

Принята  
на заседание МО учителей математики,  
физики и информатики  
протокол № 1  
от «29» августа 2022 г.  
Руководитель шмо \_\_\_\_\_ М.Ю.Манокина

Утверждена  
Приказ по школе № 92  
от 29 августа 2022 г.  
Директор школы \_\_\_\_\_ И.А.Чекмарёва

**Рабочая программа учебного предмета**  
**«Математика: алгебра и начала математического анализа»**  
**11 класс**  
**ФГОС СОО (ПРОФИЛЬНЫЙ УРОВЕНЬ)**  
**(4 часа в неделю)**  
**2022-2023 учебный год**

Учитель: Бисева Ольга Сергеевна

с. Брейтово 2022 г.

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа по алгебре и началам анализа для 11 класса составлена на основе следующих документов:

- Федеральный государственный образовательный стандарт среднего общего образования (утв. приказом Министерства образования и науки РФ от 17 мая 2012 г. N 413);
- Алгебра и начала математического анализа. Сборник примерных рабочих программ. 10-11 классы: базовый и углублённый уровни/ Составитель Т.А. Бурмистрова, - 2-е изд., доп.- М.: Просвещение, 2018 г.
- Примерная основная образовательная программа среднего общего образования (одобрена 28 июня 2016 г. Протокол № 2/16-з/ реестр примерных основных общеобразовательных программ)
- Методические рекомендации об организации образовательного процесса в условиях перехода на ФГОС СОО «Математика» в общеобразовательных учреждениях Ярославской области». Составитель : Головлёва С.М., зав. Кафедрой естественно-математических дисциплин ГАУ ДПО ЯО ИРО

Учебная деятельность осуществляется при использовании:

УМК: Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы.: учеб.дляобщеобразоват. организаций : базовый и углубленный уровень / Ш..А. Алимов, Ю.М. Колягин, М.В. Колягин, М.В. Ткачёва и др. – М.: Просвещение, 2019.

Программа рассчитана на углубленный уровень обучения (10-11 класс) 402 часа

✓ 10 класс – Алгебра и начала математического анализа (136 часа) + Геометрия (68 часов) = 204 часа

✓ 11 класс – Алгебра и начала математического анализа (132 часа) + Геометрия (66 часов) = 198 часов

Целями реализации учебного предмета «Математика» на углубленном уровне среднего общего образования являются:

- ✓ формирование представлений о математике, как универсальном языке науки.
- ✓ моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики; развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;
- ✓ овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для изучения школьных естественнонаучных дисциплин на базовом уровне, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки; воспитание средствами математики культуры личности: отношения к математике как части
- ✓ общечеловеческой культуры: знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимания значимости математики для общественного прогресса.

Задачами реализации учебного предмета «Математика» на углубленном уровне среднего общего образования являются:

- ✓ систематизировать сведения о числах; изучить новые виды числовых выражений и формул;
- ✓ совершенствовать практические навыки и вычислительную культуру, расширить и совершенствовать алгебраический аппарат, сформированный в основной школе и его применение к решению математических и нематематических задач;
- ✓ расширить и систематизировать общие сведения о функциях,

- ✓ функций, иллюстрация широты применения функций для описания и изучения реальных зависимостей;
- ✓ изучить свойства пространственных тел, формировать умения применять полученные знания
- ✓ для решения практических задач;
- ✓ развивать представления о вероятностно-статистических закономерностях в окружающем мире,
- ✓ совершенствовать интеллектуальные и речевые умения путем обогащения математического языка, развития логического мышления;
- ✓ познакомиться с основными идеями и методами математического анализа.

Для проведения текущего контроля используются оценочные материалы опубликованные в сборнике: Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 11 класс./ М.И Шабунин, Р.Г. Газарян и др. М.: Просвещение- 2018 г.

**Предметные результаты освоения  
«Математика: алгебра и начала математического анализа»  
11 класс**

<b>Углубленный уровень «Системно-теоретические результаты»</b>		
<b>Раздел</b>	<b>Выпускник научится</b>	<b>Выпускник получит возможность научиться</b>
<b>Цели освоения предмета</b>	Для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики	Для обеспечения возможности успешного продолжения образования по специальностям, связанным с осуществлением научной и исследовательской деятельности в области математики и смежных наук
<b>Требования к результатам</b>		
<b>Числа и выражения</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Свободно оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, иррациональное число, корень степени <math>n</math>, действительное число, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;</li> <li>- понимать и объяснять разницу между позиционной и непозиционной системами записи чисел;</li> <li>- переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую;</li> <li>- доказывать и использовать признаки делимости суммы и произведения при выполнении вычислений и решении задач;</li> <li>- выполнять округление рациональных и иррациональных чисел с заданной точностью;</li> <li>- сравнивать действительные числа разными способами;</li> <li>- упорядочивать числа, записанные в виде</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– свободно оперировать числовыми множествами при решении задач;</li> <li>– понимать причины и основные идеи расширения числовых множеств;</li> <li>– владеть основными понятиями теории делимости при решении стандартных задач</li> <li>– иметь базовые представления о множестве комплексных чисел;</li> <li>– свободно выполнять тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных выражений;</li> <li>– владеть формулой бинома Ньютона;</li> <li>– применять при решении задач теорему о линейном представлении НОД;</li> <li>– применять при решении задач Китайскую теорему об остатках;</li> <li>– применять при решении задач Малую теорему Ферма;</li> <li>– уметь выполнять запись числа в позиционной системе счисления;</li> <li>– применять при решении задач</li> </ul>

	<p>обыкновенной и десятичной дроби, числа, записанные с использованием арифметического квадратного корня, корней степени больше 2;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- находить НОД и НОК разными способами и использовать их при решении задач;</li> <li>- выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих действительные числа, в том числе корни натуральных степеней;</li> <li>- выполнять стандартные тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных, иррациональных выражений.</li> </ul> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- выполнять и объяснять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений;</li> <li>- записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения;</li> <li>- составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов</li> </ul>	<p><i>теоретико-числовые функции: число и сумма делителей, функцию Эйлера;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– применять при решении задач цепные дроби;</li> <li>– применять при решении задачного члена с действительными и целыми коэффициентами;</li> <li>– владеть понятиями приводимый и неприводимый многочлен и применять их при решении задач;</li> <li>– применять при решении задач Основную теорему алгебры;</li> <li>– применять при решении задач простейшие функции комплексной переменной как геометрические преобразования</li> </ul>
<p><b>Уравнения и неравенства</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Свободно оперировать понятиями: уравнение, неравенство, равносильные уравнения и неравенства, уравнение, являющееся следствием другого уравнения, уравнения, равносильные на множестве, равносильные преобразования уравнений;</li> <li>- свободно использовать тождественные преобразования при решении уравнений и систем уравнений</li> </ul> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов;</li> <li>- выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов;</li> <li>- составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов;</li> <li>- составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты;</li> <li>- использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– свободно определять тип и выбирать метод решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, иррациональных уравнений и неравенств, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;</li> <li>– свободно решать системы линейных уравнений;</li> <li>– решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами;</li> <li>– применять при решении задач неравенства Коши — Буняковского, Бернулли;</li> <li>– иметь представление о неравенствах между средними степенными</li> </ul>

<p><b>Функции</b></p>	<p>- Владеть понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значение функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, четная и нечетная функции; уметь применять эти понятия при решении задач;</p> <p>- владеть понятиями тригонометрические функции; строить их графики и уметь применять свойства тригонометрических функций при решении задач;</p> <p>- владеть понятием обратная функция; применять это понятие при решении задач;</p> <p>- применять при решении задач свойства функций: четность, периодичность, ограниченность;</p> <p>- применять при решении задач преобразования графиков функций;</p> <p>- владеть понятиями числовая последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессия;</p> <p>- применять при решении задач свойства и признаки арифметической и геометрической прогрессий.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <p>- определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания функции, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т.п.);</p> <p>- интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации.</p> <p>- определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и др. (амплитуда, период и т.п.)</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– <i>владеть понятием асимптоты и уметь его применять при решении задач;</i></li> <li>– <i>применять методы решения простейших дифференциальных уравнений первого и второго порядков</i></li> </ul>
<p><b>Элементы математического анализа</b></p>	<p>- владеть понятиями: производная функции в точке, производная функции;</p> <p>- вычислять производные элементарных функций и их комбинаций;</p> <p>- исследовать функции на монотонность и экстремумы;</p> <p>- строить графики и применять к решению задач, в том числе с параметром;</p> <p>- владеть понятием касательная к графику функции и уметь применять его при решении задач;</p> <p>- владеть понятиями первообразная функция, определенный интеграл;</p> <p>- применять теорему Ньютона–Лейбница и ее</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– <i>свободно владеть стандартным аппаратом математического анализа для вычисления производных функции одной переменной;</i></li> <li>– <i>свободно применять аппарат математического анализа для исследования функций и построения графиков, в том числе исследования на выпуклость;</i></li> <li>– <i>оперировать понятием первообразной функции для решения задач;</i></li> <li>– <i>овладеть основными сведениями об интеграле Ньютона–Лейбница и его</i></li> </ul>

	<p>следствия для решения задач.</p> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов;</li> <li>- интерпретировать полученные результаты</li> </ul>	<p><i>простейших применениях;</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– оперировать в стандартных ситуациях производными высших порядков;</li> <li>– уметь применять при решении задач свойства непрерывных функций;</li> <li>– уметь применять при решении задач теоремы Вейерштрасса;</li> <li>– уметь выполнять приближенные вычисления (методы решения уравнений, вычисления определенного интеграла);</li> <li>– уметь применять приложение производной и определенного интеграла к решению задач естествознания;</li> <li>– владеть понятиями вторая производная, выпуклость графика функции и уметь исследовать функцию на выпуклость</li> </ul>
<p><b>Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Оперировать основными описательными характеристиками числового набора, понятием генеральная совокупность и выборкой из нее;</li> <li>- оперировать понятиями: частота и вероятность события, сумма и произведение вероятностей, вычислять вероятности событий на основе подсчета числа исходов;</li> <li>- владеть основными понятиями комбинаторики и уметь их применять при решении задач;</li> <li>- иметь представление об основах теории вероятностей;</li> <li>- иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах и распределениях, о независимости случайных величин;</li> <li>- иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин;</li> <li>- иметь представление о совместных распределениях случайных величин;</li> <li>- понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей;</li> <li>- иметь представление о нормальном распределении и примерах нормально распределенных случайных величин;</li> <li>- иметь представление о корреляции случайных величин.</li> </ul> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни;</li> <li>– выбирать методы подходящего представления и обработки данных</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- иметь представление о центральной предельной теореме;</li> <li>– иметь представление о выборочном коэффициенте корреляции и линейной регрессии;</li> <li>– иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и ее уровне значимости;</li> <li>– иметь представление о связи эмпирических и теоретических распределений;</li> <li>– иметь представление о кодировании, двоичной записи, двоичном дереве;</li> <li>– владеть основными понятиями теории графов (граф, вершина, ребро, степень вершины, путь в графе) и уметь применять их при решении задач;</li> <li>– иметь представление о деревьях и уметь применять при решении задач;</li> <li>– владеть понятием связность и уметь применять компоненты связности при решении задач;</li> <li>– уметь осуществлять пути по ребрам, обходы ребер и вершин графа;</li> <li>– иметь представление об эйлеровом и гамильтоновом пути, иметь представление о трудности задачи нахождения гамильтонова пути;</li> <li>– владеть понятиями конечные и счетные множества и уметь их применять при решении задач;</li> <li>– уметь применять метод математической индукции;</li> <li>– уметь применять принцип Дирихле при решении задач</li> </ul>
<p><b>Тексто</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Решать разные задачи повышенной</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– решать практические задачи и задачи</li> </ul>

<p><b>вые задачи</b></p>	<p>трудности;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– анализировать условие задачи, выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;</li> <li>– строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения при решении задачи;</li> <li>– решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;</li> <li>– анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;</li> <li>– переводить при решении задачи информацию из одной формы записи в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики, диаграммы.</li> </ul> <p><i>В повседневной жизни и при изучении других предметов:</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– решать практические задачи и задачи из других предметов</li> </ul>	<p><i>из других предметов</i></p>
<p><b>История математики</b></p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>– Иметь представление о вкладе выдающихся математиков в развитие науки;</li> <li>– понимать роль математики в развитии России</li> </ul>	<p><i>Применять математические знания к исследованию окружающего мира (моделирование физических процессов, задачи экономики)</i></p>

## Содержание учебного предмета «Математика: алгебра и начала математического анализа»

### 10-11 классы

Повторение. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений. Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его свойства. Решение задач на движение и совместную работу, смеси и сплавы с помощью линейных, квадратных и дробно-рациональных уравнений и их систем. Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной переменной, с применением изображения числовых промежутков. Решение задач с использованием числовых функций и их графиков. Использование свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной пропорциональности и функции  $y = \sqrt{x}$ . Графическое решение уравнений и неравенств. Использование операций над множествами и высказываниями. Использование неравенств и систем неравенств с одной переменной, числовых промежутков, их объединений и пересечений. Применение при решении задач свойств арифметической и геометрической прогрессии, суммирования бесконечной сходящейся геометрической прогрессии.

Множества (числовые, геометрических фигур). Характеристическое свойство, элемент множества, пустое, конечное, бесконечное множество. Способы задания множеств. Подмножество. Отношения принадлежности, включения, равенства. Операции над множествами. Круги Эйлера. Конечные и бесконечные, счетные и несчетные множества.

Истинные и ложные высказывания, операции над высказываниями. *Алгебра высказываний*. Связь высказываний с множествами. Кванторы существования и всеобщности.

Законы логики. *Основные логические правила*. Решение логических задач с использованием кругов Эйлера, *основных логических правил*.

Умозаключения. Обоснования и доказательство в математике. Теоремы. Виды математических утверждений. *Виды доказательств*. *Математическая индукция*. *Утверждения: обратное данному, противоположное, обратное противоположному данному*. Признак и свойство, необходимые и достаточные условия.

Радианная мера угла, тригонометрическая окружность. Тригонометрические функции чисел и углов. Формулы приведения, сложения тригонометрических функций, формулы двойного и половинного аргумента. Преобразование суммы, разности в произведение тригонометрических функций, и наоборот.

Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и наименьшее значение функции. Периодические функции и наименьший период. Четные и нечетные функции.

Тригонометрические функции числового аргумента  $y = \cos x$ ,  $y = \sin x$ ,  $y = \operatorname{tg} x$ ,  $y = \operatorname{ctg} x$ . Свойства и графики тригонометрических функций.

Обратные тригонометрические функции, их главные значения, свойства и графики. Тригонометрические уравнения. Однородные тригонометрические уравнения. Решение простейших тригонометрических неравенств. Простейшие системы тригонометрических уравнений.

Степень с действительным показателем, свойства степени. Простейшие показательные уравнения и неравенства. Показательная функция и ее свойства и график. Число  $e$  и функция  $y = e^x$ .



Логарифм, свойства логарифма. Десятичный и натуральный логарифм. Преобразование логарифмических выражений. Логарифмические уравнения и неравенства. Логарифмическая функция и ее свойства и график.

Степенная функция и ее свойства и график. Иррациональные уравнения.

Первичные представления о множестве комплексных чисел.

Метод интервалов для решения неравенств. Преобразования графиков функций: сдвиг, умножение на число, отражение относительно координатных осей. Графические методы решения уравнений и неравенств. Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы показательных, логарифмических и иррациональных неравенств.

Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций.

Уравнения, системы уравнений с параметром.

Понятие предела функции в точке. Непрерывность функции.

Дифференцируемость функции. Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Производные элементарных функций. Правила дифференцирования.

Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.

Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума, наибольшее и наименьшее значение с помощью производной.

Первообразная. Неопределенный интеграл. Первообразные элементарных функций.

Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница. Определенный интеграл.

## **Вероятность и статистика, логика, теория графов и комбинаторика**

Повторение. Использование таблиц и диаграмм для представления данных. Решение задач на применение описательных характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии и стандартного отклонения. Вычисление частот и вероятностей событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновероятными элементарными исходами. Использование комбинаторики. Вычисление вероятностей независимых событий. Использование формулы сложения вероятностей, диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.

Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

Дискретные случайные величины и распределения. Совместные распределения. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин.

Бинарная случайная величина, распределение Бернулли. Геометрическое распределение.

Биномиальное распределение и его свойства. Непрерывные случайные величины.

Плотность вероятности. Функция распределения. Равномерное распределение.

Нормальное распределение. Функция Лапласа. Параметры нормального распределения.

Примеры случайных величин, подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека).

Ковариация двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции. Совместные наблюдения двух случайных величин.

**Тематическое планирование учебного предмета  
«Математика: Алгебра и начала математического анализа»,  
11 класс, 132 часа**

<b>№ п/п</b>	<b>Содержание материала</b>	<b>Кол-во часов</b>	<b>Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)</b>
<b>Глава VII. Тригонометрические функции</b>		<b>19</b>	
1	Область определения и множество значений тригонометрических функций	2	По графикам функций описывать их свойства (монотонность, ограниченность, чётность, нечётность, периодичность). Приводить примеры функций, (заданных с помощью формулы или графика), обладающих заданными свойствами (например, ограниченности). Разъяснять смысл перечисленных свойств. Изображать графики тригонометрических функций с помощью графопостроителей, описывать их свойства. Решать простейшие тригонометрические неравенства, используя график функции. Распознавать графики тригонометрических функций. Строить графики элементарных функций, используя графопостроители, изучать свойства элементарных функций по их графикам, формулировать гипотезы о количестве корней уравнений, содержащих элементарные функции и проверять их. Выполнять преобразования графиков элементарных функций: параллельный перенос, растяжение (сжатие) вдоль оси ординат. Применять другие элементарные способы построения графиков.
2	Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций	3	
3	Свойства функции $y = \cos x$ и её график	3	
4	Свойства функции $y = \sin x$ и её график	3	
5	Свойства функции $y = \operatorname{tg} x$ и $y = \operatorname{ctg} x$	2	
6	Обратные тригонометрические функции	3	
	Урок обобщения и систематизации знаний	2	
	<i>Контрольная работа № 1 по теме «Тригонометрические функции»</i>	1	
<b>Глава VIII. Производная и её геометрический смысл.</b>		<b>22</b>	
1	Предел последовательности	3	Приводить примеры монотонной числовой последовательности имеющей предел. Вычислять пределы последовательностей. Выяснять, является ли последовательность сходящейся. Приводить примеры функций, являющихся непрерывными, имеющих вертикальную, горизонтальную асимптоту. Записывать уравнение каждой из этих асимптот. Уметь по графику функции
2	Предел функции	2	
3	Непрерывность функции	1	
4	Определение производной	2	
5	Правила дифференцирования	3	
6	Производная степенной функции	2	
7	Производная элементарных функций	3	

8	<p>Геометрический смысл производной</p> <p>Урок обобщения и систематизации знаний</p> <p><i>Контрольная работа № 2 по теме «Производная и её геометрический смысл»</i></p>	<p>3</p> <p>2</p> <p>1</p>	<p>определять промежутки непрерывности и точки разрыва, если такие имеются. Уметь доказывать непрерывность функции.</p> <p>Находить угловой коэффициент касательной к графику функции в заданной точке. Находить мгновенную скорость движения материальной точки.</p> <p>Находить производные элементарных функций. Находить производные суммы, произведения и частного двух функций, производную сложной функции <math>y = f(kx + b)</math>.</p> <p>Выводить формулы длины окружности и площади круга. Объяснять и иллюстрировать понятие предела функции в точке. Приводить примеры функций, не имеющих предела в некоторой точке. Вычислять пределы функций. Анализировать поведение функций на различных участках области определения. Находить асимптоты. Вычислять приращение функции в точке. Составлять и исследовать разностное отношение. Находить предел разностного отношения. Вычислять значение производной функции в точке (по определению).</p> <p>Находить угловой коэффициент касательной к графику функции в точке с заданной абсциссой. Записывать уравнение касательной к графику функции, заданной в точке. Находить производную сложной функции, обратной функции. Применять понятие производной при решении задач. Применять понятие производной при решении задач.</p>
<b>Глава IX. Применение производной к исследованию функций</b>		<b>16</b>	
1	Возрастание и убывание функции	2	<p>Находить вторую производную и ускорение процесса, описываемого с помощью формулы. Находить промежутки возрастания и убывания функции.</p> <p>Доказывать, что заданная функция возрастает(убывает) на указанном промежутке. Находить точки минимума и максимума функции. Находить наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.</p> <p>Находить наибольшее и наименьшее значения функции. Исследовать функцию с помощью производной и строить её график. Применять производную при решении текстовых, геометрических, физических и других задач.</p>
2	Экстремумы функции	2	
3	Наибольшее и наименьшее значение функции	3	
4	Производная второго порядка, выпуклость и точки перегиба	2	
5	<p>Построение графиков функций</p> <p>Урок обобщения и систематизации знаний</p> <p><i>Контрольная работа № 3 по теме «Применение производной к исследованию функций»</i></p>	<p>4</p> <p>2</p> <p>1</p>	
<b>Глава X. Первообразная и интеграл</b>		<b>15</b>	
1	Первообразная	2	Вычислять приближённое значение площади

2	Правила нахождения первообразных	2	<p>криволинейной трапеции. Находить первообразные функций: <math>y = \arcsin x</math>, где <math>x \in (-1; 1)</math>, <math>y = \arccos x</math>, <math>y = \arctg x</math>. Находить первообразные функций: <math>f(x) + g(x)</math>, <math>kf(x)</math> и <math>f(kx + b)</math>.</p> <p>Вычислять площади криволинейной трапеции с помощью формулы Ньютона—Лейбница.</p> <p>Находить приближённые значения интегралов. Вычислять площадь криволинейной трапеции с помощью интеграла</p>
3	Площадь криволинейной трапеции. Интеграл и его вычисление.	3	
4	Вычисление площадей фигур с помощью интегралов	3	
5	Применение интегралов для решения физических задач.	1	
6	Простейшие дифференциальные уравнения	1	
	Урок обобщения и систематизации знаний	2	
	<b>Контрольная работа № 4 «Производная и интеграл»</b>	1	
<b>Глава XI. Комбинаторика</b>		<b>13</b>	
1	Математическая индукция	2	<p>Применять при решении математических задач метод математической индукции. Применять правило произведения при выводе формулы числа перестановок. Создавать математические модели для решения комбинаторных задач с помощью подсчёта числа размещений, перестановок и сочетаний.</p>
2	Правило произведения. Размещения с повторениями	2	
3	Перестановки	2	
4	Размещения без повторений	1	
5	Сочетания без повторений и бином Ньютона	3	
7	Сочетания с повторениями	1	
	Урок обобщения и систематизации знаний	1	
	<b>Контрольная работа № 5 «Комбинаторика»</b>	1	
<b>Глава XII. Элементы теории вероятностей</b>		<b>11</b>	
1	Вероятность события	2	<p>Приводить примеры случайных, достоверных и невозможных событий. Знать определения суммы и произведения событий. Знать определение вероятности события в классическом понимании. Приводить примеры несовместных событий. Находить вероятность суммы несовместных событий. Находить вероятность суммы произвольных событий. Иметь представление об условной вероятности событий. Знать строгое определение независимости двух событий. Вычислять вероятность получения конкретного числа успехов в испытаниях числа Бернулли.</p>
2	Сложение вероятностей	2	
3	Условная вероятность. Независимость событий	1	
4	Вероятность произведения независимых событий	3	
5	Формула Бернулли	1	
	Урок обобщения и систематизации знаний	1	
	<b>Контрольная работа № 6 «Элементы теории вероятностей»</b>	1	
<b>Глава XIII. Статистика</b>		<b>9</b>	

1	Случайные величины		Знать понятие случайной величины, представлять распределение дискретной случайной величины в виде частотной таблицы, полигона частот (относительных частот). Представлять распределение значений непрерывной случайной величины в виде частотной таблицы и гистограммы. Знать понятие генеральной совокупности и выборки. Знать основные центральные тенденции: моду, медиану, среднее. Находить центральные тенденции учебных выборок. Иметь представление о математическом ожидании. Вычислять значение математического ожидания. Знать основные меры разброса случайной величины: размах, отклонение от среднего и дисперсию.
2	Центральные тенденции		
3	Меры разброса  Урок обобщения и систематизации знаний  <i>Контрольная работа № 7</i> <i>«Статистика»</i>		
<b>Итоговое повторение</b>		<b>27</b>	
<b>Всего</b>		<b>132</b>	

Поурочное планирование учебного предмета  
 «Математика: Алгебра и начала математического анализа»,  
 11 класс, 132 часа

№ урока	пар-ф уч-ка	Содержание материала	кл-во часов	Дата проведения
<b>Повторение курса 10 класса (3 часа)</b>				
1/1		Тригонометрические формулы.	1	
2/2		Тригонометрические уравнения.	1	
3/3		Тригонометрические неравенства.	1	
<b>Тригонометрические функции (19 часов)</b>				
4/1	38.	Функции. Область определения и множество значений тригонометрических функций $y=\sin x$ , $y=\cos x$ .	1	
5/2		Область определения и множество значений тригонометрических функций $y=\operatorname{tg} x$ , $y=\operatorname{ctg} x$	1	
6/3		Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность функции	1	
7/4	39.	Чётность, нечётность тригонометрических функций.	1	
8/5		Периодичность, ограниченность тригонометрических функций. Периодические функции, наименьший период.	1	
9/6	40.	Тригонометрические функции числового аргумента: $y=\cos x$ , её свойства (чётность и нечётность, периодичность, ограниченность, наибольшее и наименьшее значения). График функции $y=\cos x$ .	1	
10/7		Решение уравнений на промежутке с помощью графика функции $y=\cos x$ .	1	
11/8		Решение неравенств на промежутке с помощью графика функции $y=\cos x$ .	1	
12/9	41.	Тригонометрические функции числового аргумента: $y=\sin x$ , её свойства (чётность и нечётность, периодичность, ограниченность, наибольшее и наименьшее значения). График функции $y=\sin x$ .	1	
13/10		Решение уравнений и неравенств на промежутке.	1	
14/11		Решение неравенств на промежутке с помощью графика функции $y=\sin x$	1	
15/12		Тригонометрические функции числового аргумента: $y=\operatorname{tg} x$ и $y=\operatorname{ctg} x$ их свойства и графики.	1	
16/13		Решение уравнений и неравенств на промежутке с помощью графика функции $y=\operatorname{tg} x$ .	1	
17/14	43.	Обратные тригонометрические функции, их	1	

		главные значения, свойства и графики.		
18/15		Область определения и область значений обратной функции. График обратной функции, симметрия относительно прямой $y = x$ .	1	
19/16		Преобразование графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и начала координат, растяжение и сжатие вдоль осей координат. Вертикальные и горизонтальные асимптоты графиков функций.	1	
20/17		Исследование тригонометрических функций и построение графиков.		
21/18		Урок обобщения и систематизации знаний по теме «Тригонометрические функции»	1	
22/19		<b>Контрольная работа №1 по теме «Тригонометрические функции»</b>	1	
<b>Производная и её геометрический смысл (22 часа)</b>				
23/1	44.	Предел последовательности. Вычисление пределов последовательностей.	1	
24/2		Решение задач на вычисление пределов последовательностей. (сходящиеся последовательности).	1	
25/3		Понятие предела функции в точке. Непрерывная функция в точке. Понятие о непрерывности функции. Дифференцируемость функции.	1	
26/4		Производная. Понятие о производной функции, физический смысл производной.	1	
27/5		Нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком.	1	
28/6		Примеры функций, являющихся непрерывными, имеющих вертикальную и горизонтальную асимптоты.	1	
29/7		Производная линейной функции	1	
30/8	45.	Производная степенной функции. Решение упражнений на нахождение производной степенной функции.	1	
31/9		Нахождение производных различных функций, имеющих композиции данной функции с линейной	1	
32/10	46.	Правила дифференцирования.	1	
33/11		Производная суммы и разности.	1	
34/12		Производная произведения и частного.	1	
35/13		Производная сложной функции.	1	
36/14	47.	Понятие элементарных функций. Производные основных элементарных	1	

		функций.		
37/15		Применение формул для нахождения производной показательной, логарифмической и тригонометрической функций.	1	
38/16	48.	Геометрический смысл производной. Угловой коэффициент прямой, угол между прямой и осью $Ox$ .	1	
39/17		Касательная к графику функции. Уравнение касательной к графику функции. Построение касательной к параболе.	1	
40/18		Решение упражнений по теме «Геометрический смысл производной»	1	
41/19		Производные обратной функции.	1	
42/20		Применение правил дифференцирования и формул для производных к решению задач.	1	
43/21		Урок обобщения и систематизации знаний по теме «Производная и её геометрический смысл»	1	
<b>44/22</b>		<b>Контрольная работа №2 по теме «Производная и её геометрический смысл»</b>	<b>1</b>	
<b>Применение производной к исследованию функций (16 часов)</b>				
45/1	49.	Возрастание и убывание функции. Теорема о достаточном условии убывания (возрастания) функции. Теорема Лагранжа.	1	
46/2		Применение теоремы о достаточном условии для нахождения промежутков убывания (возрастания) функции. Промежутки монотонности функции.	1	
47/3	50.	Точки экстремума (локального максимума и минимума). Теорема Ферма.	1	
48/4		Определения стационарных и критических точек функции, точек экстремума, экстремумы функции. Исследование элементарных функций на точки экстремума.	1	
49/5	53.	Понятие производной второго порядка и её физический и геометрический смысл, определение выпуклости и вогнутости графика.	1	
50/6		Точки перегиба, исследование функции с помощью второй производной.	1	
51/7	51.	Построение графиков непрерывных функций на данном отрезке.	1	
52/8		Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Схема исследования функции.	1	



53/9		Метод построения графика чётной (нечётной) функции.	1	
54/10		Построение графиков функций, заданных различными способами.	1	
55/11	52.	Наибольшее и наименьшее значения функции	1	
56/12		Наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке, на интервале.	1	
57/13		Решение упражнений на нахождение наибольшего и наименьшего значений функции.	1	
58/14		Применение производной при решении задач.	1	
59/15		Обобщение и систематизация знаний по теме «Применение производной к исследованию функций»	1	
<b>60/16</b>		<b>Контрольная работа №3 по теме «Применение производной к исследованию функции»</b>	<b>1</b>	
<b>Первообразная и интеграл (15 часов)</b>				
61/1	54.	Первообразная. Определение первообразной, основное свойство первообразной	1	
62/2		Нахождение первообразной, график которой проходит через данную точку.		
63/3	55.	Таблица первообразных. Правила нахождения первообразных (интегрирования).	1	
64/4		Первообразные элементарных функций. Неопределённый интеграл.	1	
65/5	56.	Понятие об определённом интеграле как площади криволинейной трапеции.	1	
66/6		Определение интеграла. Формула Ньютона–Лейбница.	1	
67/7	57.	Вычисление интегралов.	1	
68/8		Нахождение площади фигуры, ограниченной заданными линиями.	1	
69/9	58.	Вычисление площадей с помощью интеграла.	1	
70/10		Вычисление площади фигуры, ограниченной линиями тригонометрических функций	1	
71/11		Решение задач на вычисление площадей фигур с помощью интеграла.	1	
72/12	59.	Примеры применения первообразной и интеграла в физике и геометрии. Простейшие дифференциальные уравнения	1	
73/13		Применение производной и интеграла к решению практических задач	1	
74/14		Обобщение и повторение по теме «Первообразная и интеграл»		

75/15		<b>Контрольная работа №4 по теме «Первообразная и интеграл».</b>		
<b>Комбинаторика (13 часов)</b>				
76/1		Повторение. Использование таблиц и диаграмм для представления данных. Решение задач на применение описательных характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии и стандартного отклонения.	1	
77/2	60.	Правило произведения.	1	
78/3		Размещения с повторениями	1	
79/4	61.	Перестановки.	1	
80/5	62.	Размещения.	1	
81/6		Размещения без повторений.	1	
82/7	63.	Сочетания и их свойства	1	
83/8		Решение комбинаторных задач, сводящихся к подсчёту числа сочетаний с повторениями	1	
84/9	64.	Бином Ньютона	1	
85/10		Применение формулы бинома Ньютона к решению комбинаторных задач	1	
86/11		Решения комбинаторных задач с помощью подсчёта числа размещений, перестановок и сочетаний.	1	
87/12		Обобщение и повторение по теме «Комбинаторика»	1	
88/13		<b>Контрольная работа № 5 по теме «Комбинаторика»</b>	<b>1</b>	
<b>Элементы теории вероятностей (13 часов)</b>				
89/1	65.	События (случайные, достоверные, невозможные)	1	
90/2	66.	Комбинация событий. Противоположное событие	1	
91/3	67.	Вероятность события. Вычисление частот и вероятностей событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновероятными элементарными исходами.	1	
92/4		Вычисление вероятностей независимых событий, использование диаграмм Эйлера.	1	
93/5	68.	Сложение вероятностей, дерево вероятностей, формула Бернулли.	1	
94/6		Нахождение вероятности суммы несовместных событий, произвольных событий.	1	
95/7	69.	Условная вероятность. Независимые события. Правило умножения вероятностей.	1	
96/8		Вычисление вероятностей, используя	1	

		правило умножения.		
97/9		Независимые события. Нахождение вероятности совместного наступления таких событий.	1	
98/10		Формула полной вероятности. Формула Байеса.	1	
99/11	70.	Статистическая вероятность	1	
100/12		Обобщение и систематизация знаний по теме «Элементы теории вероятностей»	1	
<b>101/13</b>		<b>Контрольная работа № 6 по теме «Элементы теории вероятностей»</b>	<b>1</b>	
<b>Статистика (9 часов)</b>				
102/1	71.	Дискретные случайные величины и распределения. Совместные распределения.	1	
103/2		Распределение суммы и произведения независимых случайных величин.	1	
104/3	72.	Центральные тенденции. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины.	1	
105/4		Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин.	1	
106/5	73	Меры разброса. Непрерывные случайные величины. Плотность вероятности.	1	
107/6		Функция распределения. Равномерное распределение	1	
108/7		Нормальное распределение. Функция Лапласа. Параметры нормального распределения.	1	
109/8		Примеры случайных величин, подчинённых нормальному закону (погрешность измерений, рост человека)	1	
<b>110/9</b>		<b>Контрольная работа № 7 по теме «Статистика»</b>	<b>1</b>	
<b>Итоговое повторение курса алгебры 10-11 класса (22 часа)</b>				
111/1		Решение рациональных уравнений и неравенств. Решение линейных, квадратных уравнений, решение уравнений методом разложения на множители и заменой переменной. Решение неравенств методом интервалов. Равносильность уравнений и равносильность неравенств.	1	
112/2		Рациональные уравнения с параметром, рациональные уравнения, содержащие знак модуля. Равносильность уравнений. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений с параметром.	1	
113/3		Иррациональные уравнения и неравенства (метод уединения радикала и возведения в	1	

		степень, метод замены переменной). Равносильность уравнений и равносильность неравенств.		
114/4		Тригонометрические уравнения и неравенства. Тригонометрические уравнения, содержащие параметр. Равносильность уравнений и равносильность неравенств.	1	
115/5		Показательные и логарифмические уравнения и неравенства. Равносильность уравнений и равносильность неравенств.	1	
116/6		Системы рациональных уравнений. Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных. Решение систем неравенств с одной переменной. Равносильность систем уравнений и равносильность систем неравенств.	1	
117/7		Системы показательных и логарифмических уравнений и неравенств. Основные приемы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных.	1	
118/8		Системы иррациональных уравнений и неравенств.	1	
119/9		Равносильность систем уравнений и равносильность систем неравенств (иррациональные системы уравнений и неравенств).	1	
120/10		Системы тригонометрических уравнений и неравенств.	1	
121/11		Равносильность систем уравнений и равносильность систем неравенств ( тригонометрия).	1	
122/12		Использование свойств и графиков функций при решении уравнений с двумя переменными. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений с двумя переменными.	1	
123/13		Использование свойств и графиков функций при решении неравенств с двумя переменными. Изображение на координатной плоскости множества решений неравенств с двумя переменными.	1	
124/14		Использование свойств и графиков функций при решении систем уравнений с двумя переменными и систем неравенств с двумя переменными. Изображение на координатной	1	

		плоскости множества решений систем уравнений и систем неравенств с двумя переменными.		
125/15		Контрольная работа по теме « Решение уравнений, систем уравнений, неравенств, систем неравенств».	1	
126/16		<i>Пробный ЕГЭ</i>	1	
127/17		<i>Пробный ЕГЭ</i>	1	
128/18		<i>Пробный ЕГЭ</i>	1	
129/19		<i>Пробный ЕГЭ</i>		
130/20		Решение задач из вариантов ЕГЭ (1-8)	1	
131/21		Решение задач из вариантов ЕГЭ (9-12)	1	
132/22		Решение заданий из вариантов ЕГЭ второй части	1	
<b>Итого</b>			<b>132</b>	